

UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO NORTE
COMISSÃO PERMANENTE DO VESTIBULAR
PROCESSO SELETIVO 2004

EXPECTATIVAS DE RESPOSTAS DAS PROVAS DISCURSIVAS

MATEMÁTICA

QUESTÃO 1

(A) $577.000 + 927.000 + 1.561.000 + 1.612.000 + 3.870.000 = 8.547.000$

Logo, a área do Brasil é $8.547.000 \text{ km}^2$.

(B)
$$\frac{8.547.000}{1.561.000} = \frac{100}{X}$$

Então, $X = \frac{1.561.000 \times 100}{8.547.000} = 18,26\%$

Portanto, a área do Nordeste representa, aproximadamente, 18,26% da área do Brasil.

(C) Seja d a densidade demográfica da região Nordeste, então,

$$d = \frac{47.693.000}{1.561.000} = 30,55\%$$

Portanto, a densidade demográfica da região Nordeste é, aproximadamente, $30,55 \text{ hab/km}^2$.

QUESTÃO 2

O volume do hemisfério de raio R é: $\frac{1}{2} \left(\frac{4}{3} \pi R^3 \right) = \frac{2}{3} \pi R^3$.

O volume do cone de raio R e altura R é: $\frac{1}{3} \pi R^2 R = \frac{1}{3} \pi R^3$.

Portanto,

(A) o volume do cone construído é igual a $\frac{1}{3} \pi R^3$

(B) o volume do material retirado é igual a $\frac{2}{3} \pi R^3 - \frac{1}{3} \pi R^3 = \frac{1}{3} \pi R^3$

QUESTÃO 3

De acordo com a figura, a hipotenusa do triângulo de ângulo α é igual a

$$\sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}.$$

A hipotenusa do triângulo de ângulo β é igual a $\sqrt{(\sqrt{2})^2 + 1^2} = \sqrt{3}$.

Assim,

(A) $\text{tg}(\alpha) = \frac{1}{1} = 1$, $\text{tg}(\beta) = \frac{1}{\sqrt{2}}$, e $\text{tg}(\gamma) = \frac{1}{\sqrt{3}}$.

(B) como $\operatorname{tg}(\alpha) = 1 \Rightarrow \alpha = 45^\circ$ e como $\operatorname{tg}(\gamma) = \frac{\sqrt{3}}{3} \Rightarrow \gamma = 30^\circ$.

(C) como $\operatorname{tg}(\alpha) < \operatorname{tg}(\beta) < \operatorname{tg}(\gamma)$, então $30^\circ < \beta < 45^\circ$. Assim, usando os resultados do item (B), obtemos que $75^\circ < \alpha + \beta < 90^\circ$ e $105^\circ < \alpha + \beta + \gamma < 120^\circ$.

QUESTÃO 4

(A) $T_1 = \frac{10^\circ + T_2}{2}$ ou $2T_1 - T_2 = 10^\circ$, $T_2 = \frac{T_1 + T_2}{2}$ ou $T_1 - 2T_2 + T_3 = 0^\circ$,
 $T_3 = \frac{T_2 + 30^\circ}{2}$ ou $T_2 - 2T_3 = -30^\circ$.

$$(B) \begin{cases} 2x - y = 10 \\ x - 2y + z = 0 \\ y - 2z = -30 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x - 2y + z = 0 \\ 2x - y = 10 \\ y - 2z = -30 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x - 2y + z = 0 \\ 3y - 2z = 10 \\ y - 2z = -30 \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} x - 2y + z = 0 \\ y - 2z = -30 \\ 3y - 2z = 10 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x - 2y + z = 0 \\ y - 2z = -30 \\ 4z = 100 \end{cases}$$

Logo, $z=25$, $y-2z=-30$ e $y=20$ e, $x-2y+z=0$ ou seja $x=15$.

Portanto, $S = \{(15, 20, 25)\}$.

(C) $T_1=15$, $T_2=20$ e $T_3=45$, ou seja, a solução do sistema fornece as temperaturas da barra nos pontos **1, 2 e 3**.

Outra solução é verificar que as equações do item A são as mesmas do sistema do item B.

QUESTÃO 5

(A) O instante da divulgação da notícia corresponde a $t = 0$. Logo,

$$f(0) = \frac{P_0}{1 + 9e^{-0}} = \frac{P_0}{10}. \text{ Portanto, a resposta é 10\% da população.}$$

(B) Para $t = 1$, $f(t) = 50\%P_0 = \frac{1}{2}P_0$. Logo,

$$\frac{1}{2}P_0 = \frac{P_0}{1 + 9e^{-\frac{P_0}{3}}} \text{ ou } 2 = 1 + 9e^{-\frac{P_0}{3}} \text{ ou } e^{-\frac{P_0}{3}} = \frac{1}{9}$$

$$\text{Assim, } 90\%P_0 = \frac{9}{10}P_0 \text{ e então, } \frac{9}{10}P_0 = \frac{P_0}{1 + 9e^{-\frac{P_0}{3}t}}.$$

$$\text{Daí, } \frac{9}{10} = \frac{1}{1 + 9(e^{-\frac{P_0}{3}})^t} = \frac{1}{1 + 9(\frac{1}{9})^t}.$$

Logo, $9 + \frac{81}{9^t} = 10$, ou ainda $81 = 9^t$. Assim, $9^2 = 9^t$ e $t = 2$.

Portanto, em 2 horas, 90% de população teria acesso à notícia.